

Procesadores de Lenguajes

Ingeniería Técnica superior de Ingeniería Informática

Departamento de Lenguajes y Sistemas informáticos

3 *Análisis sintáctico*

Gramáticas libres de contexto

Javier Vélez Reyes

jvelez@lsi.uned.es

Departamento de Lenguajes Y Sistemas Informáticos

UNED

UNED

ETS de
Ingeniería
Informática

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Objetivos

Objetivos

- › Conocer los lenguajes libres de contexto
- › Conocer las responsabilidades del analizador sintáctico
- › Aprender a utilizar gramáticas libres de contexto
 - › Aprender a diseñar gramáticas libres de contexto
 - › Aprender a reconocer y resolver fuentes de ambigüedad
 - › Aprender a eliminar la recursividad por la izquierda
 - › Aprender a factorizar por la izquierda
- › Conocer el uso y tipos de derivaciones y árboles sintácticos
- › Conocer la representación de lenguajes mediante diagramas de sintaxis
- › Presentar los diferentes tipos de autómatas utilizados para construir analizadores sintácticos
- › Discutir los diferentes tipos de analizadores sintácticos

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Índice

Índice

- › Introducción
- › Gramáticas libres de contexto
 - › Notación BNF y EBNF
 - › Derivación gramatical
 - › Árboles sintácticos
 - › Limpieza gramatical
 - › Ambigüedad gramatical
 - › Recursividad por la izquierda
 - › Factorización por la izquierda
 - › Diagramas de sintaxis
 - › Autómatas a pila deterministas
- › Bibliografía

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Introducción

Análisis sintáctico

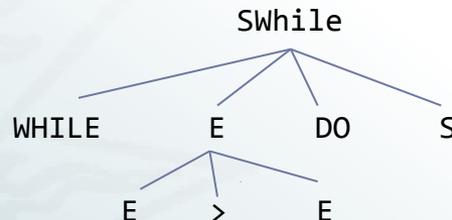
La fase de análisis sintáctico tiene por objetivo solicitar tokens al analizador léxico y construir una representación arborescente de todo el código fuente. Este proceso se encuentra dirigido por el conocimiento gramatical que del lenguaje tiene el analizador sintáctico

Foco de atención

El analizador sintáctico va pidiendo nuevos tokens al analizador léxico para construir un árbol del programa fuente

```
...  
<DO, PR>  
<), PD>  
<b, ID>  
<>, GT>  
<a, ID>  
<(, PI>  
<WHILE, PR>
```

Analizador sintáctico



▼ Tema 3

¿Cómo se especifica formalmente un analizador sintáctico?

- › Formalismos
- › Tratamiento de formalismos
- › Conversión entre formalismos

▼ Temas 4 y 5

¿Cómo se implementa un analizador sintáctico?

- › Estrategias análisis sintáctico
- › Tipos de gramáticas
- › Tipos de analizadores

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Introducción

Lenguajes libres de contexto

Desde una perspectiva sintáctica un lenguaje es una colección de construcciones sintácticas bien formadas desde un alfabeto de entrada y correctamente combinadas entre sí de acuerdo a una colección de reglas sintácticas

Ejemplo

El lenguaje Pascal tiene unas normas de carácter gramatical que definen su naturaleza y expresividad. Visto de manera extensiva, el lenguaje Pascal sería el conjunto infinito de todos los posibles códigos fuente correctos escritos en sintaxis Pascal

Pascal

```
Uses crt;
var
  cantida
begin
  clrScr;
  s:=0;
  write('
  read(ca
  for con
  begin
    write
    Read(
    s:=s+
  end;
  write('
  readKey
end;.

uses
  crt;
var
  contador
begin
  ClrScr;
  for conta
  begin
    contado
    Write(
    if conta
    begin
      end;
    end;
  ReadKey;
end.

...

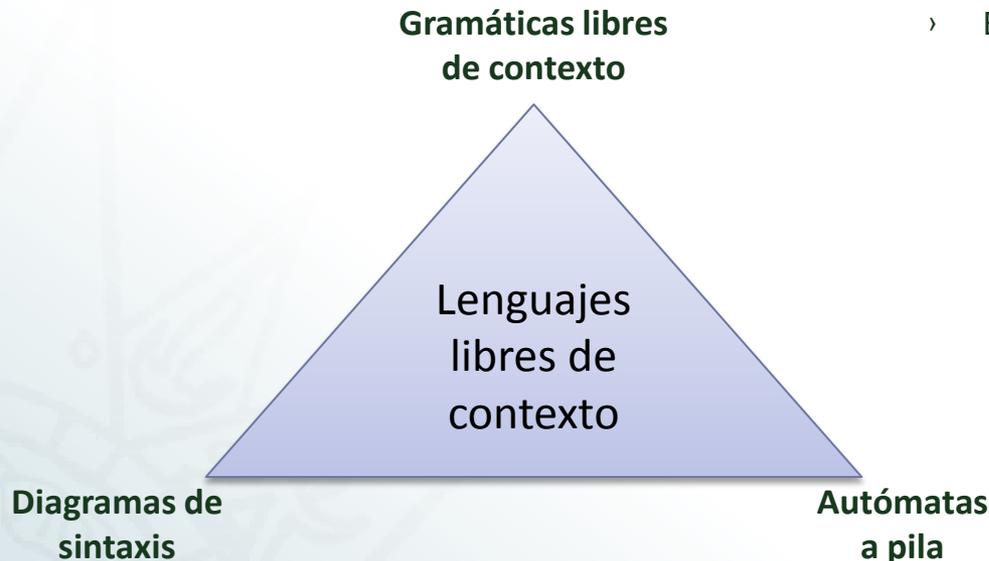
Uses crt;
var
  suma,numero,contador:integer;
begin
  clrScr;
  write('Numero: ');
  readln(numero);
  suma:=0;
  for contador:=1 to numero do
  begin
    suma:=suma + contador;
  end;
  write('Suma: ',suma);
  readKey;
end.
```

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Introducción

Especificación de lenguajes libres de contexto

Existen 3 diferentes maneras de definir formalmente un lenguaje de contexto libre. A lo largo de esta sección estudiaremos cada una de ellas en detalle y veremos cómo se puede pasar de cada una a las otras 2



- › Elementos
 - › Gramáticas libres de contexto
 - › Diagramas de sintaxis
 - › Autómatas a pila

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Definición de gramática libre de contexto

Una gramática libre de contexto es un conjunto de 4 elementos $G = (T, N, S, P)$ donde:

- › T es un conjunto de símbolos terminales
- › N es un conjunto de símbolos no terminales
- › $S \in N$ axioma gramatical
- › P un conjunto de reglas de producción de la forma
 1. $A ::= X$ donde X es una secuencia de elementos en $N \cup T$
 2. $A ::= x$ donde x es una secuencia de elementos en T
 3. $A ::= \epsilon$ siendo ϵ la cadena vacía

A veces T se elide, N se deduce de los antecedentes de las reglas de P y se asume que el antecedente de la primera regla es S con lo G sólo a través de P

Ejemplo

$L =$ Lenguaje de operadores

Sea $G = (T, N, A, P)$ con

$T = \{+, -, *, /, n\}$

$N = \{E\}$

$P = \{$

$E ::= E + E$

$E ::= E - E$

$E ::= E * E$

$E ::= E / E$

$E ::= n$

$\}$

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Notación

¿Cómo se escriben las reglas?

Notación estándar

Las reglas se escriben como $A \rightarrow X$.
Cada regla se escribe en una línea distinta

```
E → E + E
E → E - E
E → id
```

Notación BNF

Las reglas se escriben como $A ::= X$.
Las reglas de un mismo antecedente se escriben como $A ::= X \mid Y \mid Z\dots$
Cada regla con antecedente distinto se escribe en una nueva línea

```
D ::= T L
T ::= int | bool | char
L ::= id , L | id
```

Foco de atención

Notación EBNF

Se usa la notación BNF. Las reglas recursivas se pueden esquematizar con los meta-caracteres $\{ y \}$

```
D ::= T L
T ::= int | bool | char
L ::= { id , } id
```

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

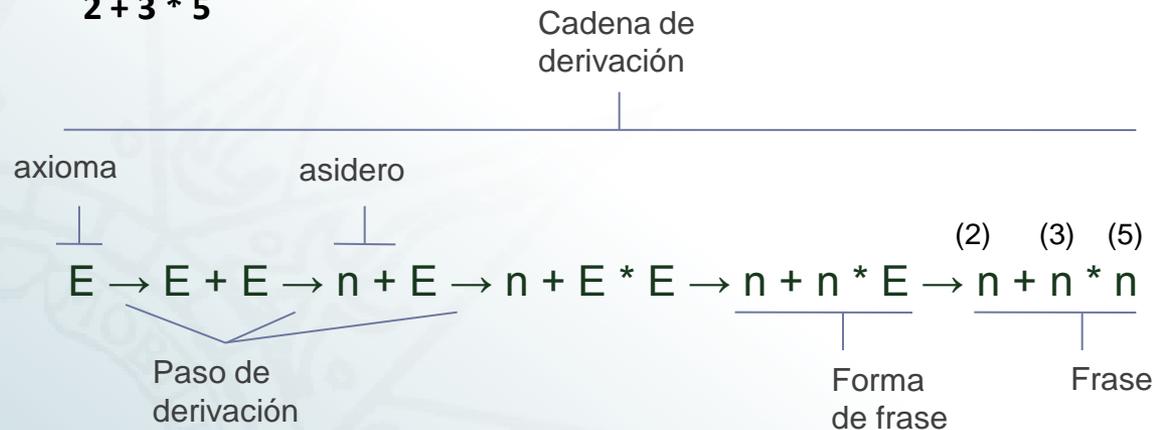
Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Derivación gramatical

Se plantea el siguiente problema de decisión: Dado un lenguaje descrito a través de una gramática G , $L(G)$ determinar si la colección de terminales x pertenece o no al lenguaje al mismo. Esto es ¿ $x \in L(G)$?

2 + 3 * 5



L = Lenguaje de operadores

Sea $G = (T, N, A, P)$ con

$T = \{+, -, *, /, n\}$

$N = \{E\}$

$P = \{$

$E ::= E + E$

$E ::= E - E$

$E ::= E * E$

$E ::= E / E$

$E ::= n$

$\}$

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Derivación gramatical

Se plantea el siguiente problema de decisión: Dado un lenguaje descrito a través de una gramática G , $L(G)$ determinar si la colección de terminales x pertenece o no al lenguaje al mismo. Esto es ¿ $x \in L(G)$?

Frase Secuencia de terminales que pertenece al lenguaje definido por la gramática. Si $x \in L(G)$, x es frase de L

Paso de derivación Aplicación de una regla de producción que transforma una forma de frase más general en otra más específica para x

Forma de frase Secuencia de terminales y no terminales que representa una colección de frases del lenguaje. Existe una cadena de derivación que llega hasta ella

Cadena de derivación Secuencia de pasos de derivación que parten del axioma gramatical para intentar alcanzar la frase analizada x . Demostración de $x \in L(G)$

Axioma Forma de frase más abstracta que representa a L (cualquier derivación de $x \in L(G)$ comienza por el axioma)

Asidero Parte izquierda de cualquier forma de frase de $x \in L(G)$ formada únicamente por símbolos terminales

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Derivación gramatical

Se plantea el siguiente problema de decisión: Dado un lenguaje descrito a través de una gramática G , $L(G)$ determinar si la colección de terminales x pertenece o no al lenguaje al mismo. Esto es ¿ $x \in L(G)$?

¿ En qué orden se aplican las reglas?

Left Most Derivation

En cada paso de derivación se escoge el no terminal más a la izquierda de la forma de frase a derivar

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E + E \rightarrow \\ &n + E \rightarrow \\ &n + E * E \rightarrow \\ &n + n * E \rightarrow \\ &n + n * n \end{aligned}$$

Right Most Derivation

En cada paso de derivación se escoge el no terminal más a la derecha de la forma de frase a derivar

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E + E \rightarrow \\ &E + E * E \rightarrow \\ &E + E * n \rightarrow \\ &E + n * n \rightarrow \\ &n + n + n \end{aligned}$$

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

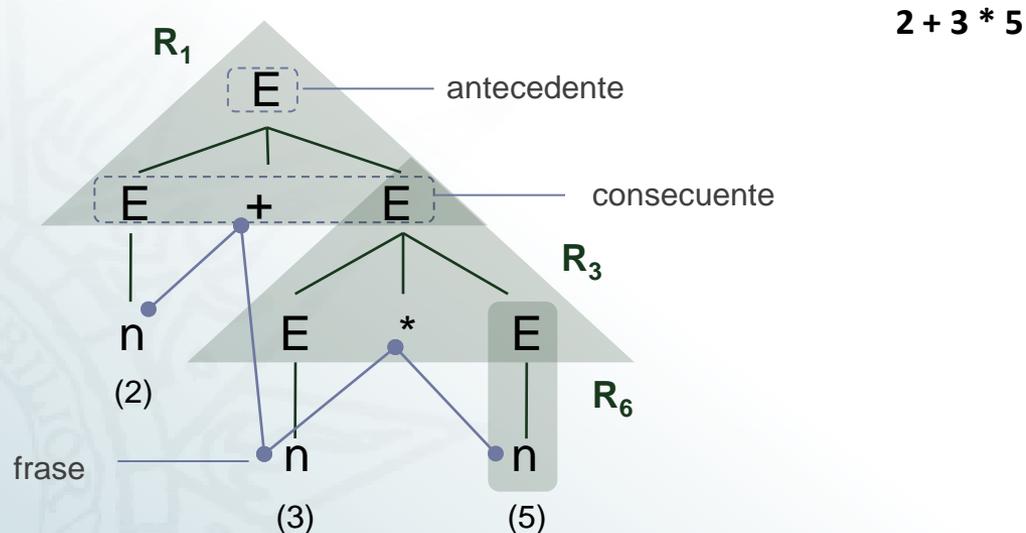
Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Árboles de análisis sintáctico y árboles sintácticos abstractos

Frecuentemente no es preciso reflejar el orden de aplicación de las derivaciones sino solamente el proceso de derivación desde el axioma a la frase final. Para ello se interpreta cada regla como un árbol con raíz en el antecedente e hijos los símbolos terminales y no terminales del consecuente de la regla



L = Lenguaje de operadores

Sea $G = (T, N, A, P)$ con

$T = \{+, -, *, /, n\}$

$N = \{E\}$

$P = \{$

$R_1: E ::= E + E$

$R_2: E ::= E - E$

$R_3: E ::= E * E$

$R_4: E ::= E / E$

$R_5: E ::= (E)$

$R_6: E ::= n$

$\}$

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Árboles de análisis sintáctico y árboles sintácticos abstractos

Existen dos tipos de representaciones arborescentes que se utilizan frecuentemente para representar las derivaciones de una frase de un lenguaje.

Tipos de árboles sintácticos

Árboles de análisis sintáctico

Los hijos de cada regla son una representación exacta de la colección de terminales y no terminales que aparecen en el consecuente de la misma

Foco de atención de la asignatura

Árboles sintácticos abstractos

Se hace una representación abstracta de la gramática de tal manera que en los hijos del árbol solo aparecen los símbolos semánticamente relevantes

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

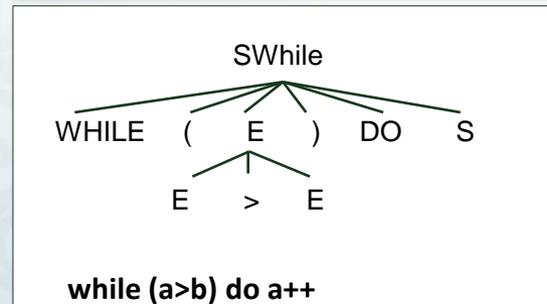
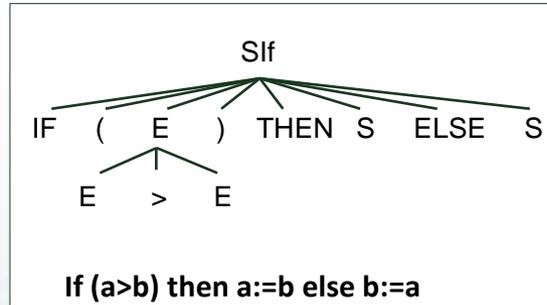
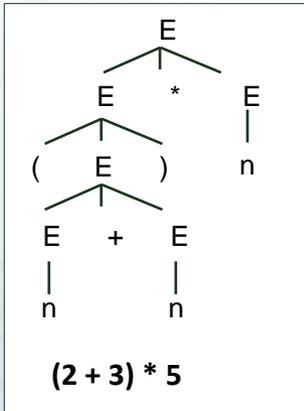
Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

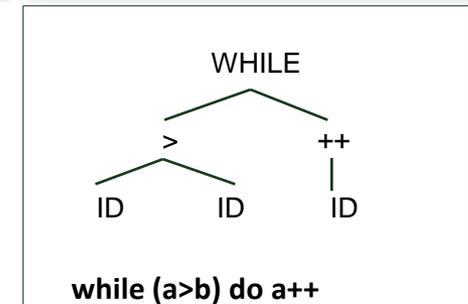
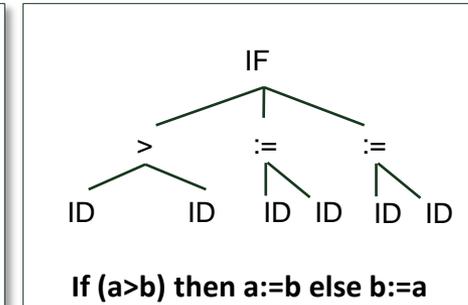
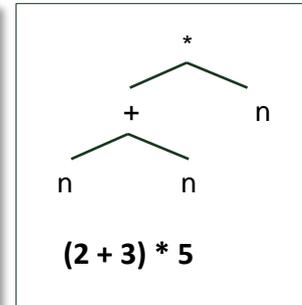
De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Árboles de análisis sintáctico y árboles sintácticos abstractos

Arboles de análisis sintáctico



Arboles sintácticos abstractos



Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Ejercicios

- › L1. Declaración de variables en Pascal
- › L2. Declaración de estructuras en C
- › L3. Declaración de procedimientos en Pascal
- › L4. Declaración de procedimientos en C
- › L5. Declaración de sentencias en C
- › L6. Declaración de sentencias en Pascal
- › L7. Sentencia for en C
- › L8. Sentencia Repeat – Until en Pascal

Construya arboles de análisis sintáctico para frases en cada uno de los lenguajes anteriores

L5

```
Sentencia ::= BloqueSentencias |
              Sentencialf |
              Sentencia While

BloqueSentencias ::= { listaSentencias }
listaSentencias ::= sentencia ; ListaSentencias |

Sentencialf ::= ...
SentenciaWhile ::= ...
```

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Limpieza gramatical

Para no tener problemas en la construcción de analizadores sintácticos es conveniente aplicar ciertas operaciones de transformación gramatical. Estos problemas son:

Limpieza gramatical

Eliminación de la ambigüedad

Es necesario eliminar las expresiones gramaticales que generen una interpretación potencialmente gramatical ambigua

Eliminación de la recursividad a izquierdas

En algunos casos las reglas con recursividad a izquierdas de la forma $A ::= A \alpha$ pueden acarrear problemas en la construcción de analizadores

Factorización por la izquierda

Las reglas con partes comunes a la izquierda de los consecuentes pueden también generar problemas, en función del analizador que se construya

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Ambigüedad gramatical

Una gramática es inherentemente ambigua cuando es posible construir dos árboles de derivación para al menos una frase del lenguaje

$R_1: E ::= E + E$

$R_2: E ::= E - E$

$R_3: E ::= E * E$

$R_4: E ::= E / E$

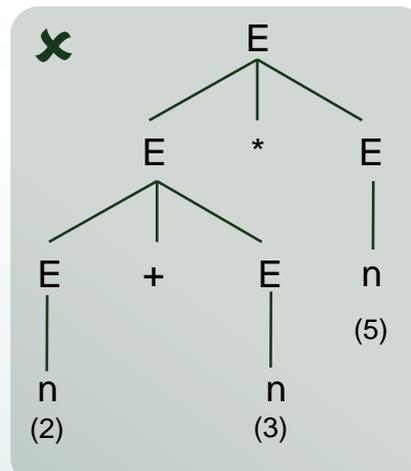
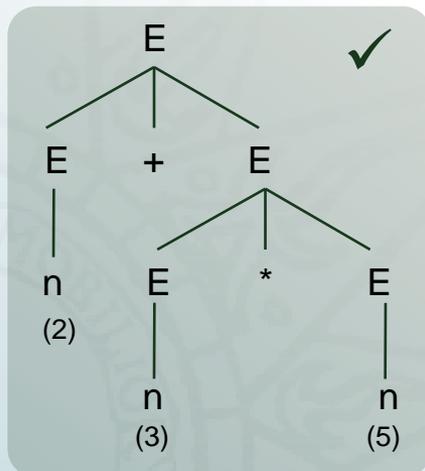
$R_5: E ::= (E)$

$R_6: E ::= n$

Interpretación 1

$2 + 3 * 5$

Interpretación 2



◀ ¿Cuál es el problema?

Ambos árboles son sintácticamente correctos pero responden a interpretaciones semánticamente diferentes, una válida y la otra no, con respecto a la semántica operacional matemática

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Fuentes de ambigüedad gramatical

Para demostrar que una gramática es ambigua es suficiente con encontrar dos árboles de derivación diferentes para una misma frase. Sin embargo no existe ninguna manera de demostrar que una gramática no es ambigua. Existen criterios heurísticos que identifican fuentes de potencial ambigüedad

Gramáticas con ciclos

$$\begin{aligned} S &::= A \\ S &::= a \\ A &::= S \end{aligned}$$

Caminos alternativos

$$\begin{aligned} S &:= A \\ S &:= B \\ A &:= B \end{aligned}$$

Reglas recursivas con ϵ en casos base

$$\begin{aligned} S &::= HRS \\ S &::= s \\ H &::= h|\epsilon \\ R &::= r|\epsilon \end{aligned}$$

Reglas con igual principio y fin

$$E ::= E...E$$

No terminales que derivan ϵ

$$\begin{aligned} S &::= HR \\ H &::= h|\epsilon \\ H &::= h|\epsilon \end{aligned}$$

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

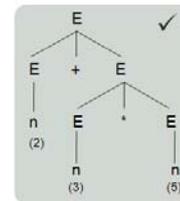
Corrección de la ambigüedad gramatical

La forma gramatical puede inducir una interpretación semánticamente invalidada por ello es necesario introducir correcciones para evitar la ambigüedad

Corrección de la ambigüedad gramatical

Corrección explícita

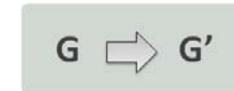
Se mantiene la gramática ambigua pero se añaden criterios para indicar al compilador el árbol sintáctico que debe construir en cada caso



◀ La resolución explícita hace escoger este árbol gramatical

Alteración gramatical

Se modifica la gramática para conseguir otra equivalente que no presente ambigüedad.



◀ Dos gramáticas son equivalentes si reconocen el mismo lenguaje

Ambigüedad no esencial

Hay situaciones en las que la ambigüedad no presenta problemas para construir analizadores sintácticos

```
listaSent ::= listaSent ; listaSent |  
sentencia
```

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

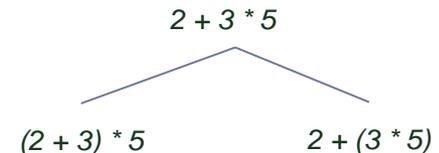
Casos típicos de ambigüedad gramatical

Dado que resulta imposible de resulta imposible ofrecer un algoritmo para descubrir y remediar la ambigüedad gramatical analizaremos casos arquetípicos de ambigüedad que suelen aparecen en los lenguajes de programación

Estudio de casos típicos de ambigüedad

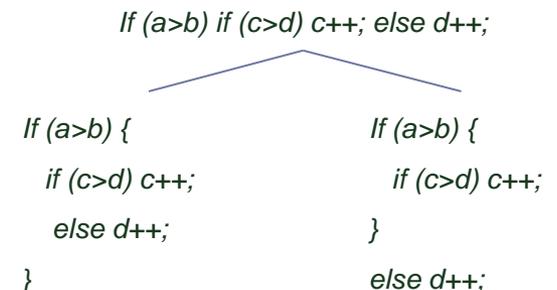
Gramática de operadores

La gramática canónica de operadores es inherentemente ambigua ya que no se sabe el orden en que deben aplicarse los operadores



El problema del else ambiguo

Cuando se anidan una sentencia if con otra if-else es imposible saber a qué if emparejar el else.



Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Corrección de la ambigüedad en gramáticas de operadores

Las gramáticas canónicas de operadores son inherentemente ambiguas. Para corregir este hecho es necesario inyectar información sobre la precedencia y la asociatividad de los operadores

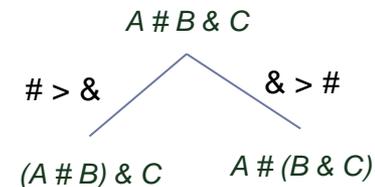
Gramática canónica de operadores sobre operadores { @, #, \$, % }

$E ::= E @ E$
 $E ::= E \# E$
 $E ::= E \& E$
 $E ::= E \% E$
 $E ::= (E)$
 $E ::= n$

Alteraciones gramaticales

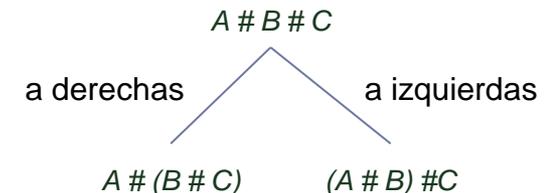
Precedencia de operadores

La precedencia de operadores indica la prioridad de aplicación de los operadores para combinar subexpresiones en una mayor



Asociatividad de operadores

Cuando tres o más subexpresiones se combinan a través de un mismo operador tiene sentido definir la asociatividad del mismo



Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Corrección de la ambigüedad en gramáticas de operadores

Las gramáticas canónicas de operadores son inherentemente ambiguas. Para corregir este hecho es necesario inyectar información sobre la precedencia y la asociatividad de los operadores

Precedencia de operadores

Se ordena en una tabla los niveles de prioridad. Para cada nivel se define un nuevo no terminal. Cada nivel incrementa en 1 la distancia al axioma

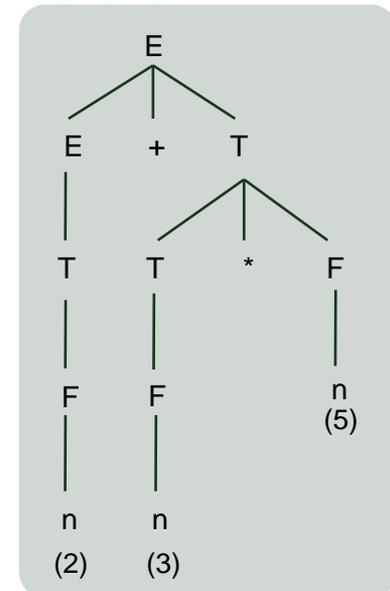
+ precedencia -
+ -
* /
() n

$E ::= E + E$
 $E ::= E - E$
 $E ::= E * E$
 $E ::= E / E$
 $E ::= (E)$
 $E ::= n$

Gramática de operadores no ambigua

$E ::= E + T \mid E - T \mid T$
 $T ::= T * F \mid T / F \mid F$
 $F ::= (E) \mid n$

2 + 3 * 5



Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

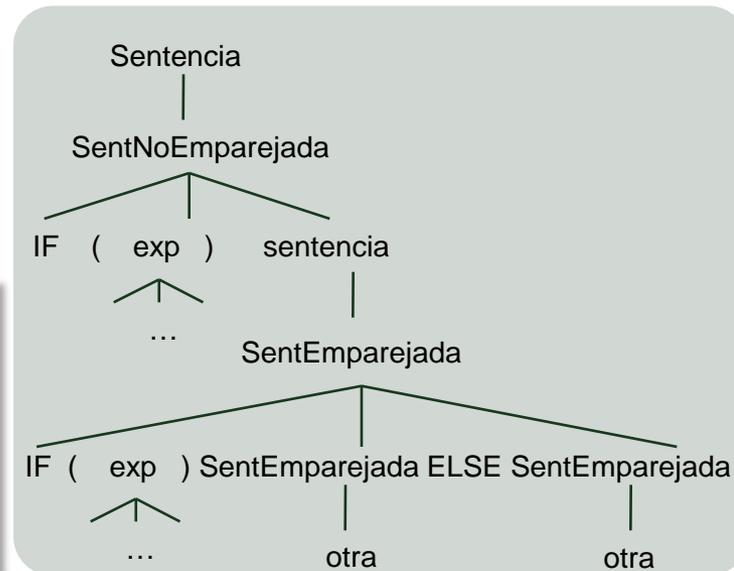
El problema del else ambiguo

De las dos interpretaciones que presentábamos antes la correcta es la que asocia el else al if mas cercano (esta regla se llama regla de anidamiento más cercano. Veamos cómo es la gramática original y cómo debe transformarse

```
sentencia ::= sentencialf | otra
sentencialf ::= IF ( exp ) sentencia |
              IF ( exp ) sentencia ELSE sentencia
```



```
sentencia ::= sentEmparejada | sentNoEmparejada
sentEmparejada ::= IF ( exp ) sentEmparejada ELSE sentEmparejada |
                  otra
sentNoEmparejada ::= IF ( exp ) sentencia |
                    IF ( exp ) sentEmparejada ELSE sentNoEmparejada
```



Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Eliminación de la recursividad por la izquierda

Las reglas con recursividad por la izquierda de la forma $A ::= A\alpha \mid \beta$ pueden presentar problemas a la hora de construir analizadores sintácticos por tanto es conveniente reformularlas equivalentemente

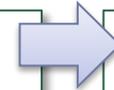
Recursividad directa

$$A ::= A\alpha \mid \beta$$

$$A ::= \alpha A'$$
$$A' ::= \beta A' \mid$$

Ejemplo

Gramática de operadores no ambigua

$$E ::= E + T \mid E - T \mid T$$
$$T ::= T * F \mid T / F \mid F$$
$$F ::= (E) \mid n$$


Gramática de operadores LL (1)

$$E ::= TE'$$
$$E' ::= + TE' \mid - TE' \mid$$
$$T ::= FT'$$
$$T' ::= * FT' \mid / FT' \mid$$
$$F ::= (E) \mid n$$

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Eliminación de la recursividad por la izquierda

Las reglas con recursividad por la izquierda de la forma $A ::= A\alpha \mid \beta$ pueden presentar problemas a la hora de construir analizadores sintácticos por tanto es conveniente reformularlas equivalentemente

Recursividad indirecta

$A \rightarrow^+ A$



```
Numerar los no terminales  $A_1, A_2, \dots, A_n$ 
for i := 1 to n do
  for j := 1 to i - 1 do
    Sustituir cada  $A_i ::= A_j \gamma$  por
     $A_i ::= \delta_1 \gamma \mid \delta_2 \gamma \mid \dots \mid \delta_k \gamma$  donde
     $A_j ::= \delta_1 \mid \delta_2 \mid \dots \mid \delta_k$  son todas las
    reglas actuales de  $A_j$ 
  eliminar recursividad por la izquierda de  $A_i$ 
```

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

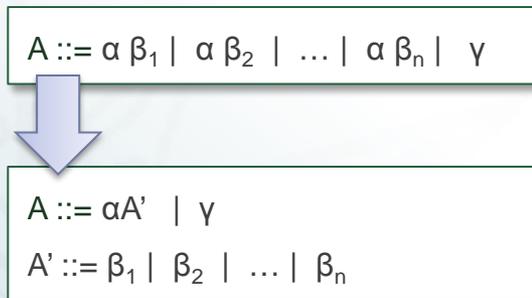
Gramáticas libres de contexto

Especificación mediante gramáticas libres de contexto

De manera similar a como ocurre en los lenguajes regulares, los lenguajes libres de contexto se pueden expresar mediante el uso de gramáticas libres de contexto. Su definición es una extensión de las gramáticas regulares con reglas de producción potencialmente más complejas

Factorización por la izquierda

Las reglas con factores comunes por la izquierda en sus consecuentes de la forma $A ::= \alpha \beta_1 \mid \alpha \beta_2 \mid \dots \mid \alpha \beta_n \mid \gamma$ pueden generar problemas para construir analizadores sintácticos y conviene transformarlas



Ejemplo

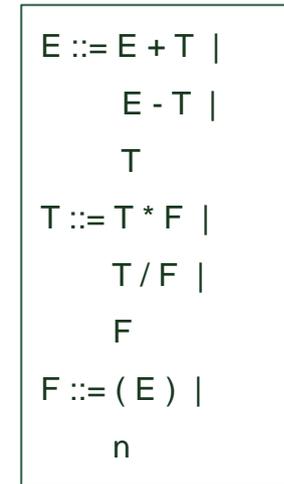
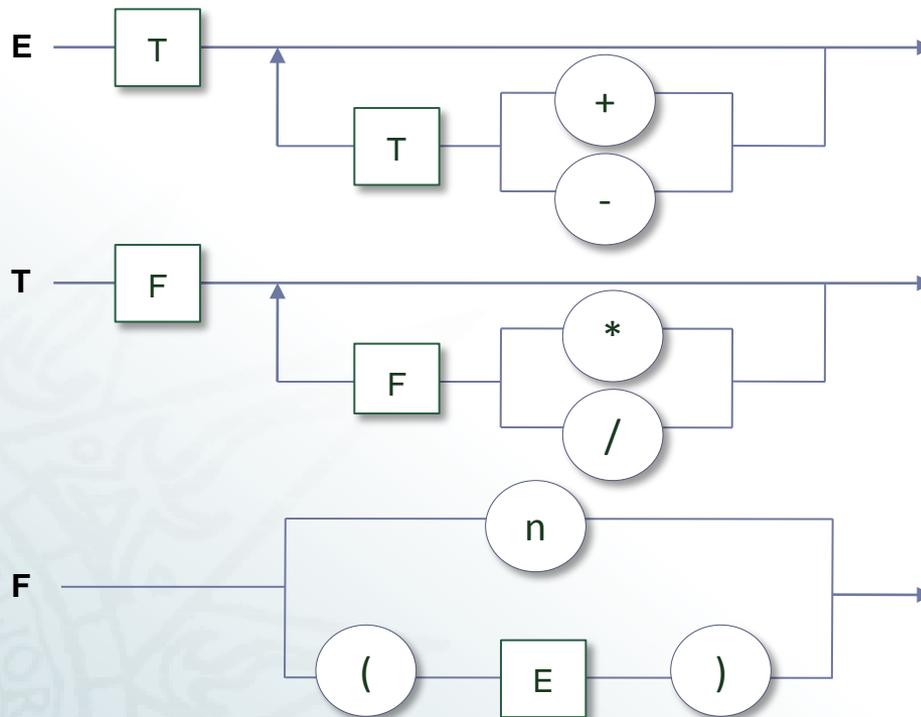
```
Sentencialf ::= IF ( exp ) THEN sentencia |  
              IF ( exp ) THEN sentencia ELSE sentencia
```

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Diagramas de sintaxis

Especificación mediante diagramas de sintaxis

Los diagramas de transición son una forma gráfica de representar las restricciones sintácticas de los lenguajes libres de contexto. Cada diagrama de sintaxis está etiquetada con el nombre de un no terminal al que representa y se compone de cajas y esferas que representan terminales y no terminales unidas por flechas que indican secuencias y selecciones.



La equivalencia entre gramáticas y diagramas de sintaxis resulta evidente

Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Autómatas a pila deterministas

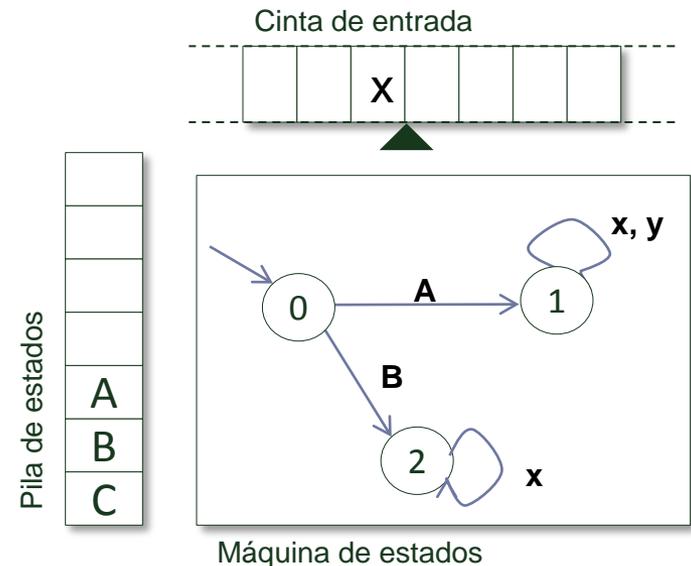
Especificación mediante autómatas a pila deterministas

Los autómatas a pila son una extensión con memoria de los autómatas finitos deterministas que se utilizan para realizar analizadores sintácticos. Constan de una cinta de entrada donde se leen los tokens del programa fuente, una pila de estados (la memoria) y una máquina de estados. Las transiciones de estados dependen ahora de la entrada y de la historia del proceso de análisis almacenada en la pila

Definición de autómata a pila determinista

Un autómata a pila es una tupla $AP = (T, P, Q, A_0, q_0, f, F)$ donde

- › T es un alfabeto de símbolos terminales de entrada
- › P es un alfabeto de estados de la pila
- › Q es un conjunto de estados finito no vacío
- › $A_0 \in P$ es el símbolo inicial en la pila
- › $q_0 \in Q$ es un estado inicial o estado de arranque
- › $f: Q \times T \cup \{ \ } \times P \rightarrow Q \times P$ una función de transición
- › $F \subset Q$ es un subconjunto de estados finales de aceptación



Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Autómatas a pila deterministas

Especificación mediante autómatas a pila deterministas

Los autómatas a pila son una extensión con memoria de los autómatas finitos deterministas que se utilizan para realizar analizadores sintácticos. Constan de una cinta de entrada donde se leen los tokens del programa fuente, una pila de estados (la memoria) y una máquina de estados. Las transiciones de estados dependen ahora de la entrada y de la historia del proceso de análisis almacenada en la pila

Movimientos en un autómata a pila determinista

Un movimiento de un autómata a pila consiste en consumir un elemento de la entrada (x), la cima de la pila (A) y transitar desde el estado en curso (0) a un nuevo estado (1) apilando un nuevo estado en la cima de la pila

Reconocimiento de lenguajes

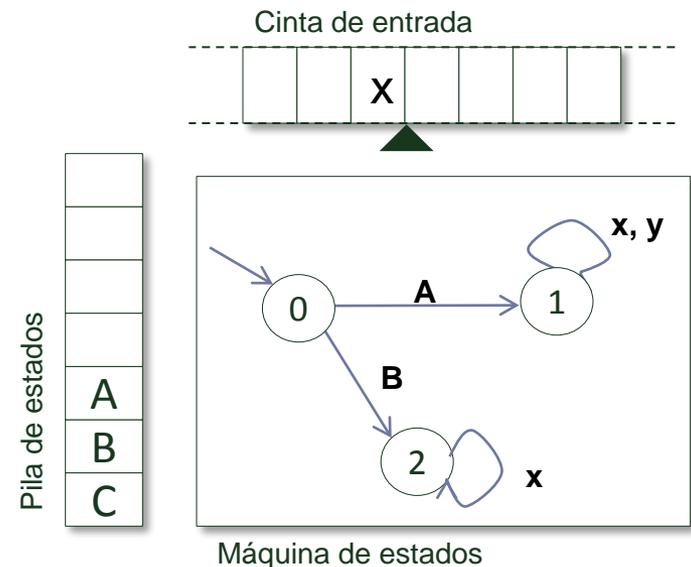
Reconocimiento de lenguajes

Reconocimiento por estados finales

Se reconoce una frase si tras una secuencia de movimientos se llega a un estado final de aceptación. El estado final de la pila no importa

Reconocimiento por vaciado de pila

Se reconoce una frase si tras una secuencia de movimientos se llega a vaciar completamente la pila. El estado del autómata no importa



Análisis sintáctico. Gramáticas libres de contexto

Autómatas a pila deterministas

Especificación mediante autómatas a pila deterministas

Los autómatas a pila son una extensión con memoria de los autómatas finitos deterministas que se utilizan para realizar analizadores sintácticos. Constan de una cinta de entrada donde se leen los tokens del programa fuente, una pila de estados (la memoria) y una máquina de estados. Las transiciones de estados dependen ahora de la entrada y de la historia del proceso de análisis almacenada en la pila

Clasificación de analizadores sintácticos

Analizadores
sintácticos

Analizadores no deterministas

Son analizadores generales que imponen pocas restricciones sobre la naturaleza sintáctica del lenguaje. Suelen tener complejidad asintótica $O(n^3)$

Cualquier tipo de gramática

Analizadores en backtracking

Analizadores deterministas

Son analizadores que imponen ciertas restricciones sobre la naturaleza de los lenguajes que soportan

Analizadores sintácticos descendentes

Se parte del axioma y se aplica una cadena de derivaciones para construir un árbol sintáctico

Gramáticas LL

Reconocimiento por vaciado de pila

Analizadores sintácticos ascendentes

Se parte de los terminales y se construye la inversa de una derivación para intentar alcanzar el axioma

Gramáticas LR

Reconocimiento por estados finales

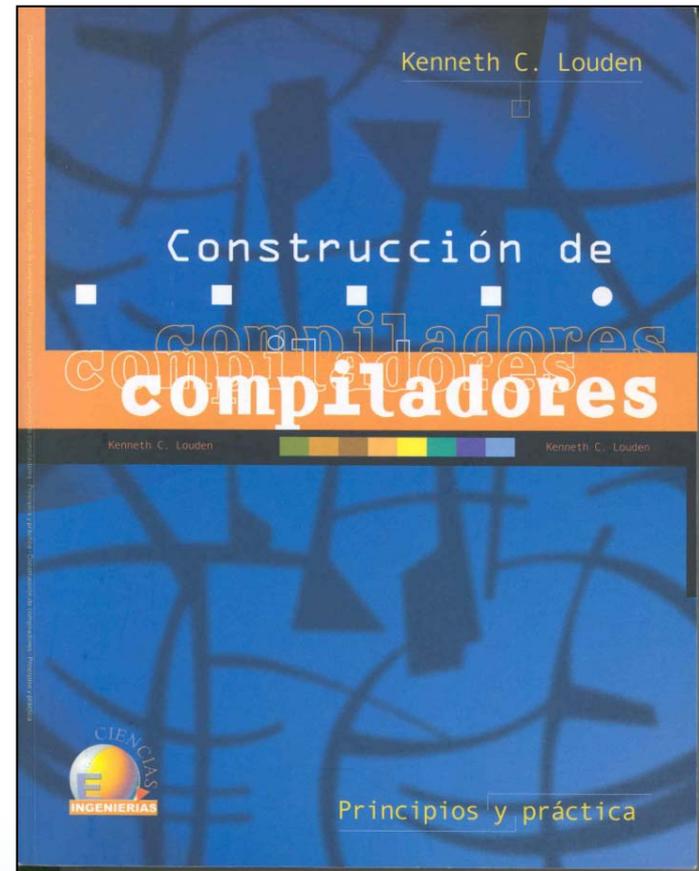
Análisis sintáctico. Gramáticas de contexto libre

Bibliografía

Material de estudio

Bibliografía básica

Construcción de compiladores: principios y práctica
Kenneth C. Louden International Thomson Editores,
2004 ISBN 970-686-299-4



Análisis sintáctico. Gramáticas de contexto libre

Bibliografía

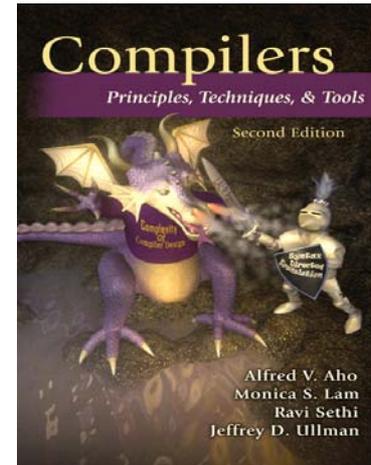
Material de estudio

Bibliografía complementaria

Compiladores: Principios, técnicas y herramientas.

Segunda Edición Aho, Lam, Sethi, Ullman

Addison – Wesley, Pearson Educación, México 2008



Diseño de compiladores. A. Garrido, J. Iñesta, F. Moreno
y J. Pérez. 2002. Edita Universidad de Alicante

